



جمهوری اسلامی ایران
وزارت آموزش و پرورش
مرکز ملی پرورش استعداد های درخشان و دانش پژوهان جوان
معاونت دانش پژوهان جوان



مرکز ملی پرورش استعدادهای درخشان
و دانش پژوهان جوان

مبارزه علمی برای جوانان، زنده کردن روح جست و جو و کشف واقعیت هاست. «لام خمینی (ره)»

اینجانب (شرکت کننده) این دفترچه را به صورت کامل (۱۴ برگه با احتساب جلد) دریافت نمودم امضاء

اینجانب (منشی حوزه) تعداد برگه (با احتساب جلد) دریافت نمودم امضاء

سی و یکمین دوره المپیاد فیزیک

تاریخ: ۱۳۹۷/۲/۴ - ساعت: ۸:۰۰ مدت: ۱۸۰ دقیقه

نام و نام خانوادگی :

شماره پرونده:

استان:

کد ملی:

منطقه:

نام پدر:

پایه تحصیلی:

نام مدرسه:

حوزه:

شماره سندلی

توضیحات مهم

استفاده از ماشین حساب ممنوع است

- این پاسخ نامه به صورت نیمه کامپیوتری تصحیح می شود، بنابراین از مجاله و کثیف کردن آن جداً خودداری نمایید.
- مشخصات خود را با اطلاعات بالای هر صفحه تطبیق دهید. در صورتی که حتی یکی از صفحات پاسخ نامه با مشخصات شما همخوانی ندارد، بلافاصله مراقبین را مطلع نمایید.
- پاسخ هر سوال را در محل تعیین شده خود بنویسید. چنانچه همه یا قسمتی از جواب سوال را در محل پاسخ سوال دیگری بنویسید، به شما نمره ای تعلق نمی گیرد.
- با توجه به آنکه برگه های پاسخ نامه به نام شما صادر شده است، امکان ارائه هیچگونه برگه اضافه وجود نخواهد داشت. لذا توصیه می شود ابتدا سوالات را در برگه چرک نویس، حل کرده و آنگاه در پاسخنامه پانویس نمایید.
- عملیات تصحیح توسط مصححین، پس از قطع سربرگ، به صورت ناشناس انجام خواهد شد. لذا از درج هرگونه نوشته یا علامت مشخصه که نشان دهنده صاحب برگه باشد، خودداری نمایید. در غیر این صورت تقلب محسوب شده و در هر مرحله ای که باشید از ادامه حضور در المپیاد محروم خواهید شد.
- از مخدوش کردن دایره ها در چهار گوشه صفحه و بارکدها خودداری کنید، در غیر این صورت برگه شما تصحیح نخواهد شد.
- همراه داشتن هرگونه کتاب، جزوه، یادداشت و لوازم الکترونیکی نظیر تلفن همراه، ساعت هوشمند، دستبند هوشمند و لپ تاپ ممنوع است. همراه داشتن این قبیل وسایل حتی اگر از آن استفاده نکنید یا خاموش باشد، تقلب محسوب خواهد شد.
- آزمون مرحله دوم برای دانش آموزان پایه دهم صرفاً جنبه آزمایشی و آمادگی دارد و شرکت کنندگان در دوره تابستانی از بین دانش آموزان پایه یازدهم انتخاب می شوند.
- هر سوال این دفترچه ۱۰ نمره دارد.

در صورت لزوم از این

صفحه به عنوان چرک

نویس استفاده کنید

مطالب این صفحه

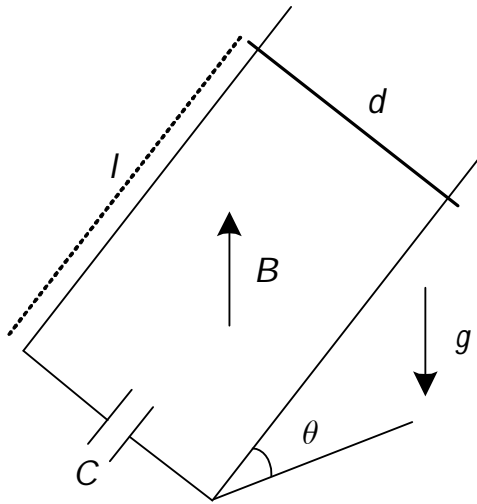
تحت هیچ شرایطی

تصحیح نخواهد شد

نام :

نام خانوادگی :

کد ملی :



(۱) دو ریل موازی و بدون اصطکاک به فاصله d از یکدیگر بر روی سطح شیب‌داری که زاویه آن با افق θ است، قرار دارند. میله‌ای به جرم m مطابق شکل بر روی این ریل‌ها به پایین سر می‌خورد. شتاب گرانش، g ، رو به پایین و میدان مغناطیسی یکنواخت B رو به بالا است. انتهای ریل‌ها در پایین به صفحات خازنی به ظرفیت C متصل هستند. میله، ریل‌ها و سیم‌های اتصال همگی بدون مقاومت هستند. میله در لحظه $t=0$ به فاصله l از پایین ریل‌ها است و در همین لحظه از حال سکون رها می‌شود.

(آ) سرعت رسیدن میله به انتهای ریل‌ها را به دست آورید.

(ب) مدت زمان لازم برای رسیدن میله به انتهای ریل‌ها را به دست آورید.

(پ) میزان بار ذخیره شده در خازن در این مدت را محاسبه کنید.

(ت) به ازای $\theta = 30^\circ$ ، $m = 0,5 \text{ g}$ ، $d = 8 \text{ cm}$ ، $l = 10 \text{ cm}$ ، $g = 10 \text{ m/s}^2$ و $B = 1 \text{ T}$

$C = 10000 \mu\text{F}$ ، مقادیر عددی کمیت‌های خواسته شده در قسمت‌های (آ) تا (پ) را به دست آورید.

در صورت لزوم از این قسمت

به عنوان چرک نویس

استفاده کنید

مطالب این قسمت

تحت هیچ شرایطی

تصحیح نخواهد شد



نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



پاسخ سوال ۱

از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

A large rectangular area with horizontal dashed lines for writing the answer to question 1.



نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



مرکز ملی پژوهش‌های آموزشی و فناوری
وزارت آموزش، عالی و فناوری

ادامه پاسخ سوال ۱ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

A large rectangular area with horizontal dashed lines for writing the answer to question 1.



مرکز علمی پرورش استعداد ملی دانشمندان
و دانش پژوهان جوان

نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



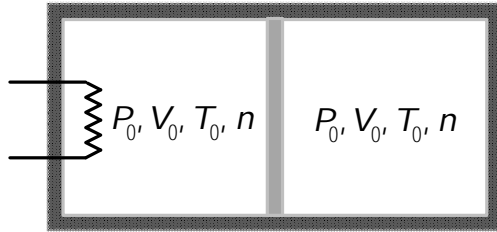
ادامه پاسخ سوال ۱ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

A large rectangular area with horizontal dashed lines for writing answers.

نام :

نام خانوادگی :

کد ملی :



۲) استوانه‌ای که دیواره‌های آن کاملاً عایق گرما است توسط یک

پیستون بدون اصطکاک و عایق گرما به دو نیمه مساوی تقسیم

شده است. هر نیمه استوانه محفظه بسته‌ای به حجم V_0 محتوی n

مول گاز کامل در فشار P_0 و دمای T_0 است. بنا به تعریف، نسبت

C_p / C_v ضریب اتمیسته نام دارد که با γ نشان داده می‌شود و در این مسئله $\gamma = 3/2$ فرض می‌شود.

C_p و C_v به ترتیب ظرفیت گرمایی مولی گاز در فشار و حجم ثابت هستند. به کمک یک گرمکن برقی مقداری

گرما به گاز محفظه سمت چپ می‌دهیم که باعث انبساط آن می‌شود. در حالت تعادل فشار گاز در هر طرف به

$27P_0 / 8$ می‌رسد. با توجه به این که برای گاز کامل در فرایند بی‌دررو کمیت PV^γ ثابت است، کمیت‌های زیر را

بر حسب R ثابت گازها، T_0 و n به دست آورید.

آ) دمای مطلق نهایی گاز سمت راست.

ب) کار انجام شده روی گاز سمت راست.

پ) دمای مطلق نهایی گاز سمت چپ.

ت) گرمای داده شده به گاز سمت چپ.

برای گاز کامل تک اتمی $\gamma = 5/3$ و برای گاز کامل دو اتمی $\gamma = 7/5$ است.

ث) فرض کنید n_1 مول گاز کامل تک اتمی را با n_2 مول گاز کامل دو اتمی مخلوط کرده‌ایم. نسبت

n_2 / n_1 چقدر باشد تا $\gamma = 3/2$ شود؟

در صورت لزوم از این قسمت به عنوان
چرک نویس استفاده کنید مطالب این قسمت
تحت هیچ شرایطی تصحیح نخواهد شد



نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



مرکز ملی پرورش استعداد های دانشمندان
دانشگاه تهران

پاسخ سوال ۲

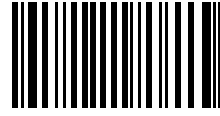
از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

A large rectangular area with horizontal dashed lines for writing the answer to question 2.



مرکز ملی پژوهش‌های آموزشی و تحقیقاتی
وزارت آموزش عالی و تحقیقات علمی

نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



ادامه پاسخ سوال ۲ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

A large rectangular area with horizontal dashed lines for writing answers.



نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



مرکز ملی پژوهش‌های آموزشی و تحقیقاتی
وزارت آموزش عالی و تحقیقات علمی

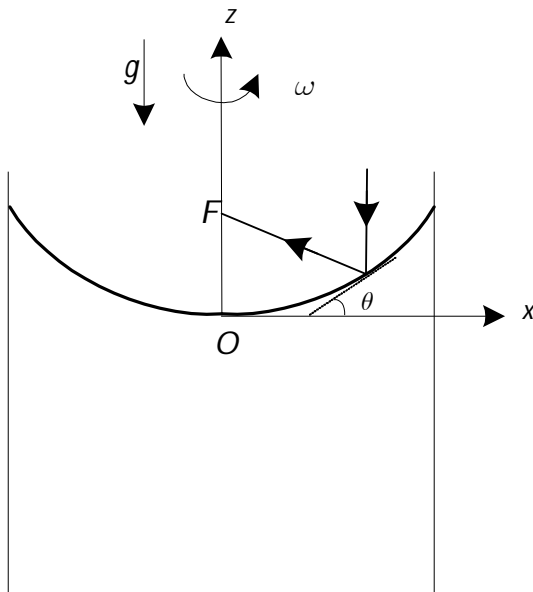
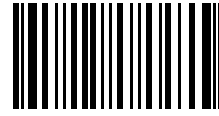
ادامه پاسخ سوال ۲ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

A large rectangular area with horizontal dashed lines for writing answers.

نام :

نام خانوادگی :

کد ملی :



(۳) استوانه‌ای قائم حاوی جیوه حول محور تقارن خود (محور Z در شکل) با سرعت زاویه‌ای ω می‌چرخد. شتاب گرانش g در راستای محور Z و رو به پایین است. بر اثر چرخش، جیوه در قسمت میانی فرورفته می‌شود و در کناره‌های استوانه بالا می‌آید، به طوری که برش قائم دستگاه در صفحه‌ی $X - Z$ مطابق شکل است. از هر نوع اثر موئینگی چشم‌پوشید.

(آ) نقطه‌ای روی سطح جیوه بگیرید و مختصات آن را X و Z بنامید. فرض کنید مماس بر سطح جیوه در

این نقطه با امتداد افق زاویه θ بسازد. اگر جزء کوچکی از جیوه را در این نقطه در نظر بگیرید، سایر اجزاء به آن نیرو وارد می‌کنند که برآیند آن‌ها عمود بر سطح جیوه است. با توجه به این نکته $\tan \theta$ را به دست آورید.

(ب) منحنی $X - Z$ این مسئله از نوع $Z = ax^2$ است که تانژانت مماس بر آن در هر نقطه $2ax$ است. با توجه به این که فشار در نقطه‌ای به عمق h از سطح آزاد مایع به اندازه‌ی ρgh از فشار در سطح آن بیشتر است و سطح آزاد مایع یک سطح هم‌فشار است، رابطه‌ای برای $P(x, Z)$ ، فشار در نقاط داخل مایع بنویسید. فشار هوا را P_0 بگیرید.

(پ) فرض کنید یک دسته پرتو از بالا به پایین به موازات محور Z به سطح جیوه که مانند آینه عمل می‌کند، بتابد. هر جزء کوچک از سطح جیوه مانند یک آینه تخت است که زاویه‌های تابش و بازتابش از روی آن با هم برابرند. یک پرتو دلخواه در فاصله‌ی X از محور Z در نظر بگیرید و محل برخورد پرتو بازتابیده با محور Z که در شکل با F نشان داده شده را به دست آورید.

(ت) می‌توان قسمت کوچکی از سطح جیوه را در گودترین نقطه مانند سطح یک کره تصور کرد. شعاع این کره را بر حسب پارامترهای مسئله حساب کنید.



مرکز ملی پژوهش‌های آموزشی و توسعه
و دانش پژوهان جوان

نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



پاسخ سوال ۳

از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

A large rectangular area with horizontal dashed lines for writing answers.



نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



مرکز ملی پژوهش‌های آموزشی و پژوهشی
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری

ادامه پاسخ سوال ۳ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

A large rectangular area with horizontal dashed lines for writing answers.



نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



مرکز ملی پژوهش‌های آموزشی و تحقیقاتی
وزارت آموزش عالی و پرورش

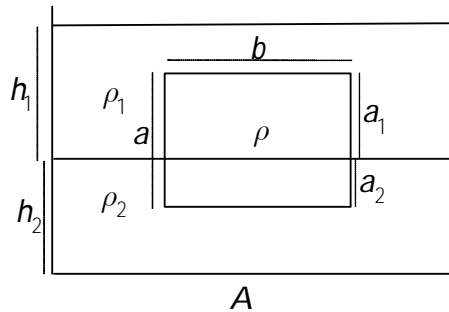
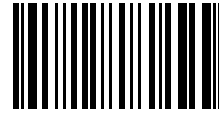
ادامه پاسخ سوال ۳ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

A large rectangular area with horizontal dashed lines for writing answers.

نام :

نام خانوادگی :

کد ملی :



(۴) در ظرف شکل مقابل دو مایع مخلوط‌نشده (مثل آب و روغن) به چگالی‌های ρ_1 و ρ_2 ($\rho_2 > \rho_1$) روی هم قرار گرفته‌اند. یک قطعه مکعب مستطیل به ابعاد a ، b و c که چگالی آن ρ است و $\rho_1 < \rho < \rho_2$ داخل این سامانه قرار می‌گیرد به طوری که یال a در امتداد قائم باشد. مساحت کف ظرف A است و $a < b < c$.

(آ) طول‌های a_1 و a_2 از مکعب مستطیل که در مایع‌های به چگالی ρ_1 و ρ_2 قرار می‌گیرد را بر حسب داده‌های ذکر شده حساب کنید.

(ب) فرض کنید کف ظرف تراز صفر انرژی پتانسیل گرانشی باشد. با توجه به این که انرژی پتانسیل یک مکعب مستطیل mgh است که h ارتفاع مرکز آن مکعب مستطیل از تراز صفر است. انرژی پتانسیل گرانشی دستگاه را در حالت یاد شده حساب کنید و آن را U_a بنامید. ارتفاع مایع‌ها را مطابق شکل h_1 و h_2 بگیرید.

(پ) انرژی پتانسیل یک مکعب مستطیل را در حالت‌هایی که یال b و یا یال c در راستای قائم باشند نیز حساب کنید. مقادیر U_a ، U_b و U_c را به ترتیب بزرگی معرفی کنید.

(ت) در همان حال که یال a در امتداد قائم است، مکعب مستطیل به اندازه طول کوچک x در راستای قائم به طرف بالا جابجا می‌شود. نیروهای وارد بر مکعب مستطیل را به دست آورید و معادله حرکت نیوتن را برای این دستگاه بنویسید. فرض کنید مایع‌ها هیچ گونه مقاومت و اصطکاکی در برابر حرکت جسم ندارند. همچنین به دلیل تلاطم ایجاد شده در مایع‌ها، جرم مؤثر مکعب مستطیل را α برابر جرم آن بگیرید که $\alpha > 1$.

(ث) معادله حرکت به دست آمده را با نوسانگر هماهنگی به جرم m که به فنری به ضریب k متصل است مقایسه کنید و از آن جا بسامد زاویه‌ای نوسان دستگاه، ω_a را حساب کنید.

(ج) برای حالت‌هایی که یال b و یا یال c در راستای قائم باشند نیز ω_b و ω_c را حساب کنید و آن‌ها را به ترتیب بزرگی معرفی کنید.



نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



مرکز ملی پژوهش‌های آموزشی و تحقیقاتی
وزارت آموزش عالی

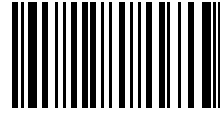
پاسخ سوال ۴

از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

A large rectangular area with horizontal dashed lines for writing the answer to question 4.



نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



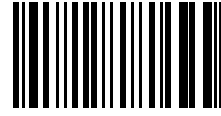
مرکز ملی پژوهش‌های آموزشی و تحقیقاتی
وزارت آموزش عالی و تحقیقات علمی

ادامه پاسخ سوال ۴ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

A large rectangular area with horizontal dashed lines for writing answers.



نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



مرکز ملی پژوهش‌های آموزشی و تحقیقاتی
وزارت آموزش عالی و پرورش

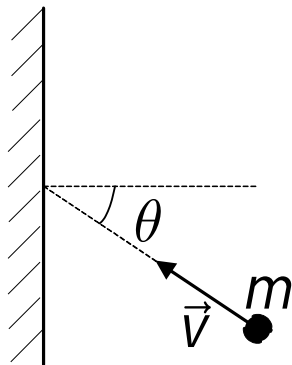
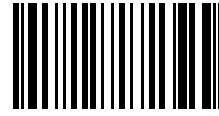
ادامه پاسخ سوال ۴ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

A large rectangular area with horizontal dashed lines for writing answers.

نام :

نام خانوادگی :

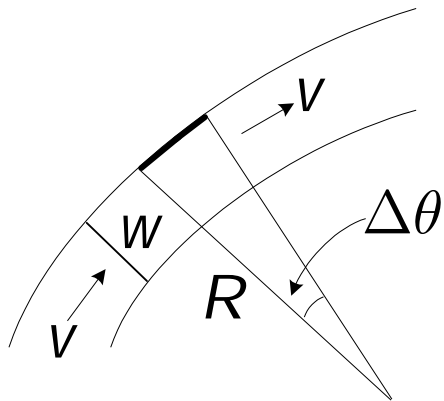
کد ملی :



(۵) ذره‌ای به جرم m با سرعت \vec{v} به یک دیوار ثابت برخورد می‌کند و پس از برخورد آن را ترک می‌کند. زاویه \vec{v} با عمود بر دیوار θ است. در این برخورد انرژی تلف نمی‌شود و دیوار فقط در امتداد عمود بر خودش نیرو وارد می‌کند. در بخش‌های آ، ب، پ و ت گرانش را در نظر نگیرید.

(آ) فرض کنید برخورد، بین لحظات t_1 و t_2 اتفاق می‌افتد. نیروی متوسط دیوار بر روی ذره را بر حسب m ، v ، θ ، t_1 و t_2 به دست آورید.

(ب) حال فرض کنید قطاری از ذرات که جرم هر یک m و فاصله آن‌ها از هم l است مشابه ذره فرض قبل با سرعت \vec{v} به دیوار برخورد می‌کنند و زاویه مسیر حرکت آن‌ها با عمود بر دیوار θ است. نیروی میانگین وارد بر دیوار را بر حسب m ، v ، θ و l حساب کنید.



(پ) در قسمت قبل فرض کنید $l \rightarrow 0$ و $\lambda \rightarrow \frac{m}{l}$. در این

صورت به جای قطار ذرات یک جریان پیوسته داریم. از این جا نیروی شار پیوسته‌ای با چگالی طولی (جرم واحد طول) λ در برخورد با دیوار را بر حسب v ، θ و λ حساب کنید.

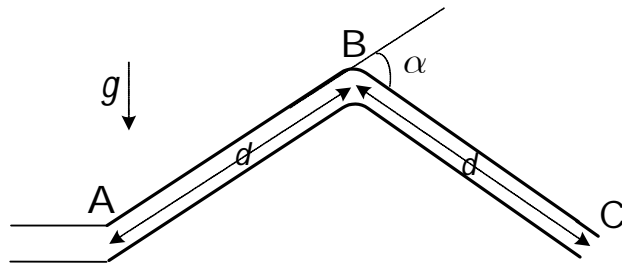
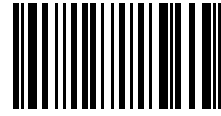
(ت) در یک نهر آب به عرض W آب تا ارتفاع h با سرعت v در جریان است. فرض کنید در جایی، نهر مسیری دایره‌ای شکل طی می‌کند به طوری که شعاع این دایره برای دیوار بیرونی R باشد که از W خیلی بزرگ‌تر است. قطعه کوچکی از مسیر آب که متناظر با زاویه کوچک $\Delta\theta$ است را در نظر بگیرید و نیروی وارد شده بر دیوار بیرونی در این قسمت را حساب کنید. سپس فشار وارد شده بر دیواره بیرونی به واسطه چرخش آب را بر حسب چگالی آب، v ، h ، W و R حساب کنید.

(ث) لوله غیر قابل انعطاف ABC به طول $2d$ و جرم M در وسط به اندازه زاویه α خم شده است. سطح مقطع داخلی لوله S است. این لوله در نقطه A با یک اتصال قابل انعطاف به لوله‌ای ثابت و افقی وصل است که از آن جریان آب با چگالی ρ و سرعت v به داخل لوله ABC وارد می‌شود. اتصال در

نام :

نام خانوادگی :

کد ملی :



نقطه A چنان است که زاویه AB با لوله ثابت می‌تواند تغییر کند. در این بخش شتاب گرانش مطابق شکل عمود بر لوله ثابت است. اگر لوله ABC مطابق شکل در

حالت ثابتی قرار گیرد که نقاط A و C در یک ارتفاع باشند، نیروی قائمی که اتصال قابل انعطاف در نقطه A بر لوله ABC وارد می‌کند چقدر است؟

در صورت لزوم از این قسمت

به عنوان چرک نویسی

استفاده کنید

مطالب این قسمت

تحت هیچ شرایطی

تصحیح نخواهد شد



نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



مرکز علمی پژوهش‌های استنادی و نشان
دانشگاه تهران

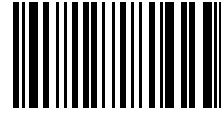
پاسخ سوال ۵

از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

A large rectangular area with horizontal dashed lines for writing the answer to question 5.



نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



مرکز ملی پژوهش‌های آموزشی و پژوهشی
وزارت آموزش، عالی و فناوری

ادامه پاسخ سوال ۵ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

A large rectangular area with horizontal dashed lines for writing answers.



نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



مرکز ملی پژوهش‌های آموزشی و تحقیقاتی
وزارت آموزش عالی و پرورش

ادامه پاسخ سوال ۵ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

A large rectangular area with horizontal dashed lines for writing answers.

نام :

نام خانوادگی :

کد ملی :



۶) دوقطبی الکتریکی دستگاهی است متشکل از دو بار نقطه‌ای $+q$ و $-q$ به فاصله a از یکدیگر، که در حالت حدی $a \rightarrow 0$ بررسی می‌شوند به طوری که $p = qa$ کمیتی متناهی موسوم به ممان دوقطبی باشد. فرض کنیم بار $-q$ در نقطه‌ای با بردار مکان \vec{r} و بار $+q$ در نقطه‌ای با بردار مکان $\vec{r} + \vec{a}$ قرار داشته باشد. در حالت حدی $a \rightarrow 0$ دوقطبی را موجودی نقطه‌ای در نقطه‌ی \vec{r} می‌گیریم که با بردار $\vec{p} = q\vec{a}$ توصیف می‌شود.

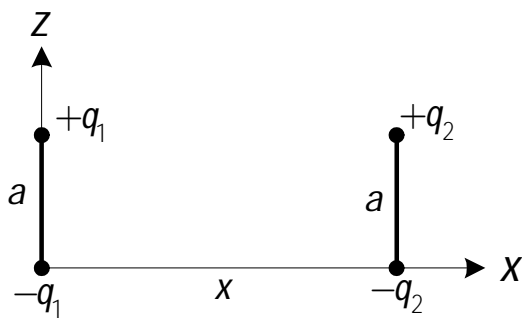
ا) دوقطبی \vec{p} را در مبدأ مختصات در نظر بگیرید که بردار \vec{p} در جهت $+z$ است. برای سهولت این دستگاہ را به صورت بار $-q$ در نقطه $(0, 0, -a/2)$ و بار $+q$ در نقطه $(0, 0, a/2)$ در نظر بگیرید. میدان الکتریکی این دستگاہ را در نقطه $(0, 0, z)$ حساب کنید. با استفاده از بسط داده شده در انتهای مسئله جواب را در حد $a \rightarrow 0$ و $qa \rightarrow p$ به دست آورید.

ب) همین مسئله را برای نقطه‌ی $(x, 0, 0)$ تکرار کنید.

پ) می‌دانیم که انرژی پتانسیل برهم‌کنش دو بار الکتریکی نقطه‌ای q_1 و q_2 در فاصله l از یکدیگر از

رابطه $U = \frac{q_1 q_2}{4\pi\epsilon_0 l}$ به دست می‌آید. در این بخش می‌خواهیم انرژی پتانسیل برهم‌کنش دو دوقطبی p_1 و

p_2 را حساب کنیم. فرض کنید \vec{p}_1 در مبدأ مختصات است و بردار آن به سمت $+z$ است. \vec{p}_2 نیز در نقطه $(x, 0, 0)$ است و آن هم به سمت $+z$ است. برای



شکل ۱

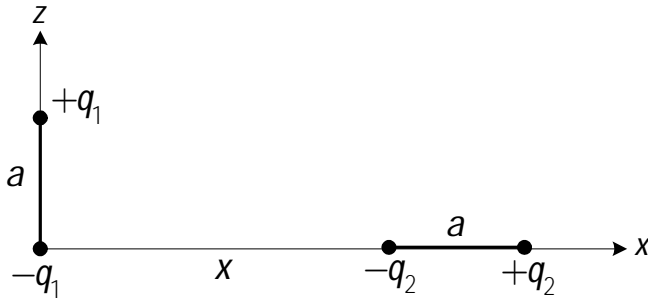
محاسبه انرژی پتانسیل، دوقطبی‌ها را مطابق شکل ۱ به صورت بارهای تشکیل دهنده آن‌ها در نظر بگیرید. انرژی پتانسیل دو به دوی بارها را با هم جمع کنید، ولی انرژی پتانسیل برهم‌کنش بین دو باری که یک دوقطبی را تشکیل می‌دهند در نظر نگیرید. سپس حد

$a \rightarrow 0$ را در نظر بگیرید و با استفاده از بسط داده شده در انتهای مسئله پاسخ را به دست آورید.

نام :

نام خانوادگی :

کد ملی :



شکل ۲

ت) دو قطبی‌های بخش قبل را در همان محل‌های قبلی بگیرید اما این بار فرض کنید \vec{p}_1 در جهت $+z$ و \vec{p}_2 در جهت $+x$ است. سپس همان مراحل را تکرار کنید. به شکل ۲ نگاه کنید.

راهنمایی: برای هر $\varepsilon < 1$ و n هر عدد دلخواه مثبت یا منفی داریم

$$(1 + \varepsilon)^n = 1 + n\varepsilon + \frac{n(n-1)}{2!}\varepsilon^2 + \frac{n(n-1)(n-2)}{3!}\varepsilon^3 + \dots$$

در صورت لزوم از این قسمت

به عنوان چرک نویس

استفاده کنید

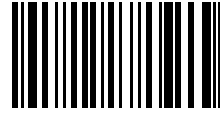
مطالب این قسمت

تحت هیچ شرایطی

تصحیح نخواهد شد



نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



مرکز ملی پژوهش‌های آموزشی و تحقیقاتی
وزارت آموزش عالی

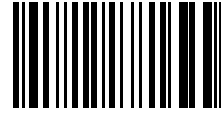
پاسخ سوال ۶

از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

A large rectangular area with horizontal dashed lines for writing answers.



نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



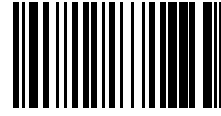
مرکز ملی پژوهش‌های آموزشی و تحقیقاتی
وزارت آموزش عالی و پرورش

ادامه پاسخ سوال ۶ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

A large rectangular area with horizontal dashed lines for writing answers.



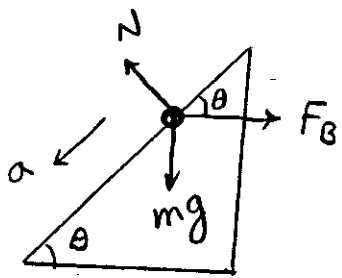
نام :
نام خانوادگی :
کد ملی :



مرکز ملی پژوهش‌های آموزشی و تحقیقاتی
وزارت آموزش عالی و تحقیقات علمی

ادامه پاسخ سوال ۶ از نوشتن جواب سوالات دیگر در قسمت تعیین شده برای این سوال خودداری کنید در غیر این صورت، پاسخ داده شده تصحیح نخواهد شد

A large rectangular area with horizontal dashed lines for writing answers.



(۱)
 پس از شروع حرکت میله، جنبه قانون فارادریک
 جریان القایی ما در مدار خواهیم داشت که وقتی از
 روبرو نگاه کنیم جهت آن پارساگتکرد است.
 در نتیجه یک نیروی مغناطیسی به میله حامل جریان
 مانند F_B وارد می شود.

$$mg \sin \theta - F_B \cos \theta = ma$$

$$F_B = i B d$$

اگر ϵ نیروی محرکه القایی باشد $q(t) = C \epsilon(t)$

$$\epsilon = - \frac{d\phi_B}{dt} = B d v \cos \theta$$

$$i = \frac{dq}{dt}$$

$$i = C B d a \cos \theta$$

$$a = \frac{dv}{dt}$$

توجه: گماری میله است.

$$mg \sin \theta - C B^2 d^2 a \cos^2 \theta = ma$$

از روابط فوق:

$$a = \frac{m \sin \theta}{m + C B^2 d^2 \cos^2 \theta} g \Rightarrow v = \sqrt{2al} \Rightarrow v_f = \sqrt{\frac{2lg \sin \theta}{1 + \frac{C}{m} (B d \cos \theta)^2}}$$

$$t = \sqrt{\frac{2l}{a}} \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2l (1 + \frac{C}{m} (B d \cos \theta)^2)}{g \sin \theta}} \quad (۲)$$

$$q_f = C B d v_f \cos \theta \Rightarrow q_f = (C B d \cos \theta) \sqrt{\frac{2lg \sin \theta}{1 + \frac{C}{m} (B d \cos \theta)^2}} \quad (۳)$$

$$v_f = 0.96 \text{ m/s} \quad t = 0.21 \text{ s} \quad q_f = 662 \mu\text{C} \quad (۴)$$

(۲)

اگر P_r ، V_r و T_r فشار، حجم و دمای مطلق نهایی گاز محفظه است باید:

$$\frac{P_0 V_0}{T_0} = \frac{P_r V_r}{T_r}$$

همین گاز محفظه است راست طی یک فرآیندی دررو به وضعیت نهایی رسیده است پس

$$P_0 V_0^\gamma = P_r V_r^\gamma$$

که $P_r = \frac{27}{8} P_0$ است و $\gamma = \frac{3}{2}$. از معادلات اخیر خواهیم داشت

$$V_r = \frac{4}{9} V_0 \quad ,$$

$$\boxed{T_r = \frac{3}{2} T_0} \quad (۳)$$

(ب) بدار گاز است راست بنا به قانون اول ترمودینامیک

$$\Delta U = Q + W$$

از آنجا که در فرآیندی دررو $Q = 0$ لذا

$$\Delta U = W$$

$$\Delta U = n C_V \left(\frac{3}{2} T_0 - T_0 \right)$$

اما بدار گاز کامل $C_p - C_V = R$ و $\frac{3}{2} = \gamma = \frac{C_p}{C_V}$ در نتیجه

$$C_V = 2R \quad , \quad C_p = 3R$$

$$\boxed{W = n R T_0}$$

سرانجام

(پ) اگر P_L ، V_L و T_L فشار، حجم و دمای نهایی گاز محفظه است باید

$$P_L = \frac{27}{8} P_0 \quad \text{و} \quad V_L = V_0 + \frac{5}{9} V_0 = \frac{14}{9} V_0$$

$$\frac{P_L V_L}{T_L} = \frac{P_0 V_0}{T_0} \Rightarrow \boxed{T_L = \frac{21}{4} T_0}$$

$$\begin{aligned}
 Q_r &= \Delta U_r - W_r && \Leftrightarrow \Delta U_r = W_r + Q_r && (ت) \\
 &= \Delta U_r + W_L \\
 &= n C_V \left(\frac{21}{4} T_0 - T_0 \right) + n R T_0
 \end{aligned}$$

$$\boxed{Q_r = \frac{19}{2} n R T_0}$$

(ث) اگر \bar{C}_V و \bar{C}_P ظرفیت‌های مولی در حجم ثابت و فشار ثابت برآر مخلوط

دو گاز باشند:

$$n_1 C_{V1} \Delta T + n_2 C_{V2} \Delta T = (n_1 + n_2) \bar{C}_V \Delta T$$

اما برای هر گاز، مثلاً نوع ۱: $C_{P1} - C_{V1} = R$ و $\frac{C_{P1}}{C_{V1}} = \gamma_1$ \Leftrightarrow

$$C_{V1} = \frac{R}{\gamma_1 - 1}$$

$$C_{V2} = \frac{R}{\gamma_2 - 1}$$

$$\bar{C}_V = \frac{R}{\gamma - 1}$$

برآر گاز نوع ۲ به طور مشابه:

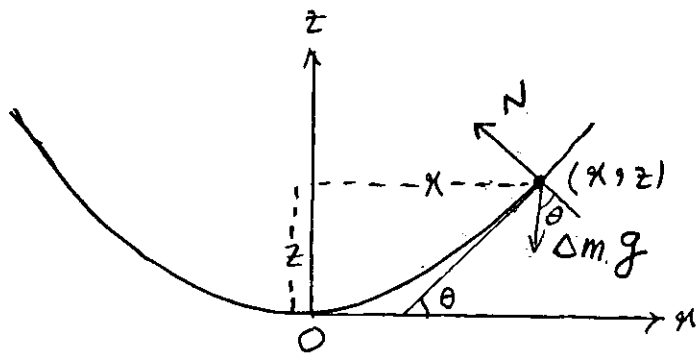
و برآر مخلوط دو گاز:

بنابراین با قرار دادن در معادله اول نسبت (ت)

$$\frac{n_1 R}{\gamma_1 - 1} + \frac{n_2 R}{\gamma_2 - 1} = \frac{(n_1 + n_2) R}{\gamma - 1}$$

با $\gamma = \frac{3}{2}$ ، $\gamma_1 = \frac{5}{3}$ ، $\gamma_2 = \frac{7}{5}$ در نتیجه

$$\boxed{\frac{n_2}{n_1} = 1}$$



(۳) نیروها وارد بر جزء کوچکی از جیوه
به حجم Δm واقع بر سطح جیوه
 $\Delta m g$ و N هستند که N بر سطح

جیوه عمود است. اگر ما بر اساس بررسی در این نقطه زاویه اش با محور x ، θ باشد داریم

$$N - \Delta m g \cos \theta = 0$$

$$N \sin \theta = \Delta m x \omega^2$$

$$\Rightarrow \boxed{\theta = \frac{x \omega^2}{g}}$$

(ب) طبق گفته مسئله $\theta = 2\alpha x$ در نتیجه بر اساسی این مسئله

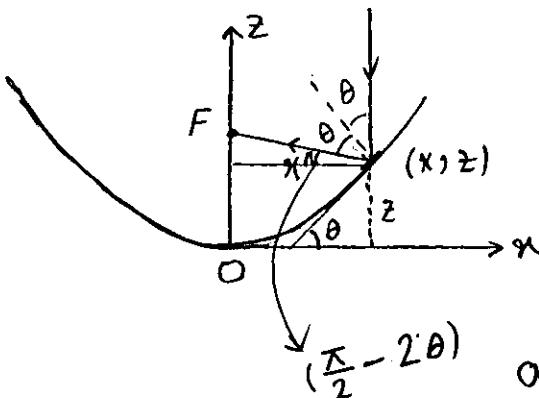
$$z = \frac{\omega^2}{2g} x^2 \quad \alpha = \frac{\omega^2}{2g}$$

(ب) با توجه به مبدأ مختصات، در نقطه z به مختصات z داخل جیوه فشار نسبت به

سطح جیوه باید بیشتر باشد. از طرفی در تمام نقاطی فشار به P_0 باشد.

با توجه به معادله رسمی یعنی $z = \frac{\omega^2}{2g} x^2$ تنها امکان خواهد بود:

$$\boxed{P(x, z) = P_0 + \frac{\rho \omega^2 x^2}{2} - \rho g z}$$



$$OF = z + x \theta \left(\frac{\pi}{2} - 2\theta \right)$$

$$= z + x \cos 2\theta$$

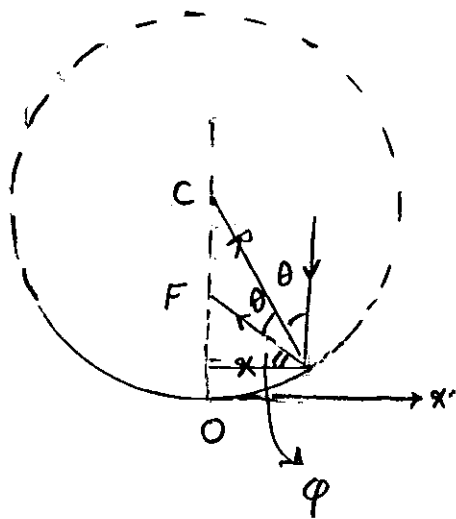
$$OF = z + x \frac{1 - \theta^2}{2\theta}$$

$$\alpha = \frac{\omega^2}{2g}, \quad \theta = 2\alpha x, \quad z = \alpha x^2$$

$$OF = \frac{1}{4\alpha} \Rightarrow \boxed{OF = \frac{g}{2\omega^2}}$$

در نتیجه:

تم اگر R شعاع دایره را باشد در
 گودترین نقطه نمی، بررسی می‌کنیم است.



مضابق مثلث $\cos(\varphi + \theta) = \frac{x}{R}$

$\varphi = \frac{\pi}{2} - 2\theta$

درستی $\cos(\frac{\pi}{2} - \theta) = \frac{x}{R}$

$\sin\theta = \frac{x}{R}$

اما برای بدنه‌های که به نزدیکی گودترین نقطه می‌آید θ کوچک است و لذا

$\theta \approx \sin\theta$

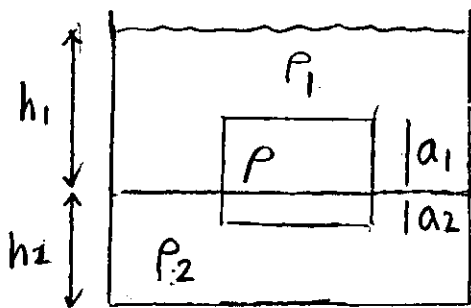
$\theta \approx 2\alpha x = \frac{\omega^2 x}{g}$

یا $\theta \approx \frac{x}{R}$

درستی

$$R \approx \frac{g}{\omega^2}$$

درستی



(۴)
 (۵) در حالت تعادل وزن مکتب مستطیل با نیروی ارسیمیدوس خنثی می‌شود یعنی

$$Pabcg = P_1 a_1 bcg + P_2 a_2 bcg$$

$$a_1 + a_2 = a$$

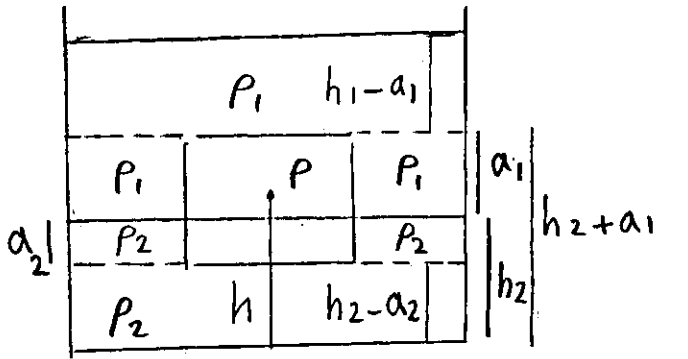
همچنین در نتیجه

$$a_1 = \frac{P_2 - P}{P_2 - P_1} a \quad , \quad a_2 = \frac{P - P_1}{P_2 - P_1} a$$

(ب) اندر شرایط هر قطعه مکتب مستطیل (شکل مکتب به خطی \$P\$ و مابقی همان \$P_1\$ و \$P_2\$)

برابر است با (فاصله مرکز مکتب مستطیل تا کف) \$(g)(صدم) = \text{اندازه ارتفاع مکتب}\$

$$U_a = Pabcgh + P_2 A (h_2 - a_2) g \frac{1}{2} (h_2 - a_2) + P_1 A (h_1 - a_1) g (h_2 + a_1 + \frac{1}{2} (h_1 - a_1)) + P_1 (A - bc) a_1 g (h_2 + \frac{a_1}{2}) + P_2 (A - bc) a_2 g (h_2 - a_2 + \frac{a_2}{2})$$



$$h = h_2 - a_2 + \frac{a_2}{2}$$

سازمان ده کورس

$$U_a = \frac{Ag}{2} (P_1 h_1^2 + P_2 h_2^2 + 2P_1 h_1 h_2) + g \left(\frac{abc(P - P_1)(P_2 - P_1)}{2(P_2 - P_1)} \right) a$$

(پ) با توجه به رابطه ارضه و این که \$a < b < c\$ خواهیم داشت

$$U_a < U_b < U_c$$

ج) در وضعیتی که مکعب به اندازه x بالاتر از وضعیت تعادل خود است
 بداند نیروها را وارد بد مکعب صفر نیست، در نتیجه

$$-Pabcg + P_1(a_1 + x)bcg + P_2(a_2 - x)bcg = \alpha m \ddot{x}$$

با توجه به قسمت آ) که $-Pabcg + P_1 a_1 bcg + P_2 a_2 bcg = 0$ و این $m = Pabc$ است

این خواص را داشت

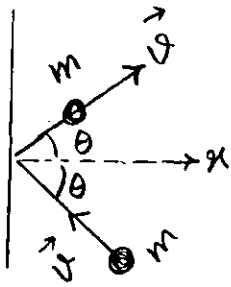
$$\alpha Pa \ddot{x} + (P_2 - P_1)g x = 0$$

$$\omega_a = \sqrt{\frac{(P_2 - P_1)g}{\alpha Pa}}$$

ث)

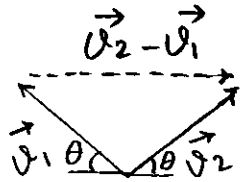
$$\omega_c < \omega_b < \omega_a$$

ج)



(۵) با توجه به این که دیوار فقط نیروی عمود بر ذره وارد می‌کند و انرژی ذره تلف نمی‌شود، ذره با همان زاویه برخورد به دیوار، باید دیوار را ترک کند.

(۲) طبق قانون دوم نیوتن: $\vec{F} = m\vec{a} = m \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$



$$F_x = m \frac{|\Delta \vec{v}|}{\Delta t} \Rightarrow F_x = \frac{m 2v \cos \theta}{t_2 - t_1}$$

(ب) مانند قبل اگر مدت $T_2 - T_1$ تعداد n ذره حرکت با سرعت v به دیوار برخورد کنند، که l فاصله بین دو ذره مساوی است: $(T_2 - T_1)v = nl$

$$F_x = \frac{(nm) 2v \cos \theta}{T_2 - T_1}$$

در نتیجه مانند قبل

$$F_x = \frac{2m v^2 \cos \theta}{l}$$

$$F_x = 2 \lambda v^2 \cos \theta$$

(پ) در حد $l \rightarrow 0$ و $\lambda \rightarrow \frac{m}{l}$

(ت) از تناسب با سمت قبل و شکل قبل

$$F_n = 2 \lambda v^2 \cos \left(\frac{\pi - \Delta \theta}{2} \right)$$

$$F_n = 2 \lambda v^2 \sin \left(\frac{\Delta \theta}{2} \right)$$

اما $\Delta \theta \ll 1$ در نتیجه $\sin \frac{\Delta \theta}{2} \approx \frac{\Delta \theta}{2}$

$$F_n = \lambda v^2 \Delta \theta$$

اما $\lambda = \frac{m}{l}$ جرم واحد طول است، اگر مدت Δt و عرض نوار w

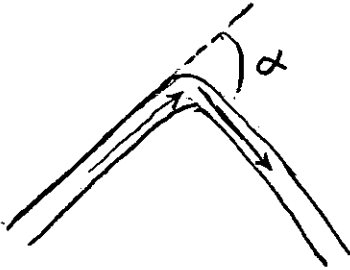
و جگه‌لی Δx م باشد $\lambda = \frac{m}{l} = \frac{wh v \Delta t \rho}{v \Delta t}$ یعنی $\lambda = \rho wh$

$$F_n = \rho w h v^2 \Delta\theta$$

در شبیه

$$\rho = \frac{F_n}{A} \quad , \quad A = (R \Delta\theta) h \quad \text{مساحت ریباره پیردنی}$$

$$\rho = \frac{\rho w v^2}{R}$$



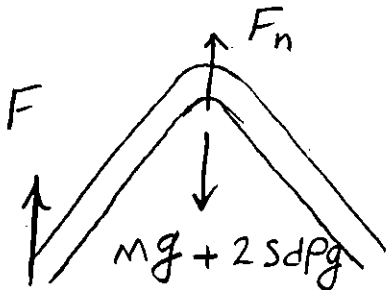
ث) از قسمت (ب) داریم
شیرور وارد بد جریان آ - داخل
لوله هنگام تغییر جهت به اندازه α

$$F_n = 2 \lambda v^2 \sin \frac{\alpha}{2} \quad \text{برابری است با}$$

شیرورها وارد بدلوله عبارت از mg وزن لوله $2ds\rho g$ وزن آ - داخل لوله

و شیرور $2 \lambda v^2 \sin \frac{\alpha}{2}$ و شیرور وارد بد نقطه A که سمت آن ما

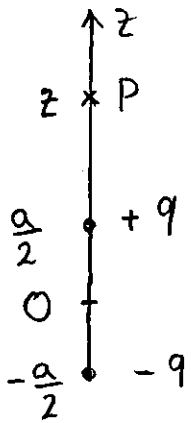
به صورت زیر است



$$F = mg + 2sd\rho g - F_n$$

$$\lambda = \rho s \quad \text{و}$$

$$F = (M + 2sd\rho)g - 2\rho s v^2 \sin \frac{\alpha}{2}$$



(7) میدان الکتریکی در نقطه P به شکل $(0, 0, z)$:

$$E_P = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{q}{(z - \frac{a}{2})^2} - \frac{q}{(z + \frac{a}{2})^2} \right)$$

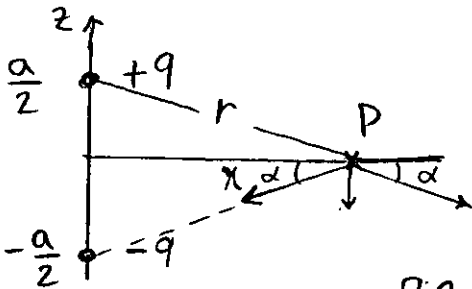
$$= \frac{q}{4\pi\epsilon_0 z^2} \left(\left(1 - \frac{a}{2z}\right)^{-2} - \left(1 + \frac{a}{2z}\right)^{-2} \right)$$

با استفاده از بسط توان در مخرجی مسئله :

$$E_P = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 z^2} \left(\frac{2a}{z} + \left(\frac{a}{z}\right)^3 + \dots \right)$$

در حد $a \rightarrow 0$ و $aq \rightarrow P$ خواهیم داشت :

$$E = \frac{2P}{4\pi\epsilon_0 |z|^3}$$



$$E_P = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2} (-2 \sin \alpha)$$

$$r = \sqrt{x^2 + \frac{a^2}{4}}, \quad \sin \alpha = \frac{a}{2r}$$

$$E_P = \frac{-qa}{4\pi\epsilon_0} \frac{1}{(x^2 + \frac{a^2}{4})^{3/2}}$$

$$= \frac{-qa}{4\pi\epsilon_0 x^3} \left(1 + \frac{a^2}{4x^2}\right)^{-3/2}$$

در حد $a \rightarrow 0$ و $aq \rightarrow P$ ،

$$E_P = \frac{-P}{4\pi\epsilon_0 |x|^3}$$

$$U = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(2 \frac{q_1 q_2}{x} - 2 \frac{q_1 q_2}{\sqrt{x^2 + a^2}} \right)$$

$$= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2q_1 q_2}{x} \left(1 - \left(1 + \frac{a^2}{x^2}\right)^{-1/2} \right)$$

$$U = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{2q_1 q_2}{x} \left(\frac{a^2}{2x^2} - \frac{3}{8} \frac{a^4}{x^4} + \dots \right)$$

در حد $a \rightarrow 0$ ، $q_2 a \rightarrow P_2$ ، $q_1 a \rightarrow P_1$ ،

$$U = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{P_1 P_2}{|x|^3}$$

$$\begin{aligned}
 U &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{q_1 q_2}{x} - \frac{q_1 q_2}{x+a} - \frac{q_1 q_2}{\sqrt{x^2+a^2}} + \frac{q_1 q_2}{\sqrt{(x+a)^2+a^2}} \right) \quad (C) \\
 &= \frac{q_1 q_2}{4\pi\epsilon_0 x} \left(1 - \left(1 + \frac{a}{x}\right)^{-1} - \left(1 + \frac{a^2}{x^2}\right)^{-\frac{1}{2}} + \left(1 + \frac{a}{x}\right)^2 + \frac{a^2}{x^2} \right)^{-\frac{1}{2}} \\
 &= \frac{q_1 q_2}{4\pi\epsilon_0 x} \left(\frac{3}{2} \left(\frac{a}{x}\right)^3 - 3 \left(\frac{a}{x}\right)^4 + \dots \right)
 \end{aligned}$$

$$q_2 a \rightarrow P_2, \quad q_1 a \rightarrow P_1, \quad a \rightarrow 0 \quad \text{or}$$

$$U = 0$$